

Patent Application No. Sho61-63312 [March 19, 1986]

Japanese Patent Application Publication No. Sho62-217936  
[September 25, 1987]

Examined Patent Application Publication No. Hei05-43215  
[July 13, 1993]

Patent No. 1834969 [April 11, 1994]

Request for examination day: [November 6, 1991]

Bulletin issued date: [ ]

Title of the Invention: ELECTROCARDIOGRAM ANALYSIS DEVICE

Abstract

[Problem to be Solved] To provide an electrocardiogram analysis device that can help identification of an abnormal area in the heart, by predicting the electric potentials and their changes over time in respective areas on the epicardial surface based on the electric potentials and their changes over time observed by plural electrodes disposed on the body surface.

[Solution] Electric potentials  $f_{T1}, f_{T2}, \dots, f_{Tn}$  measured by electrodes 1 disposed in respective areas on the body surface are analogue-to-digital converted by an input section 2, and the resulting n-ary numeric vector  $f_T$  is inputted into a matrix multiplication section 4. In a preprocessing section 8, information on the body surface, the epicardial surface, and their relative positions, and the electrode positions on the body surface, etc. is inputted from a geometry input section 9 into a boundary element mesh generating section 10, prior to operation by a solution finding section 3. The boundary element mesh generating section 10 generates a boundary element mesh on a model of the body surface and correspondingly on that of the epicardial surface based on the electrode positions on the body surface, and inputs the boundary element mesh, along with data on three-dimensional coordinates of each element, etc., into a matrix element calculation section 11. Based on the data inputted from the geometry input section 9 and the boundary mesh generating section 10, an output section 7 outputs for display, or stores, electric potentials in respective areas on the epicardial surface at each time point.

Applicant: 13-NEC Corp.

Inventor: Ken HAYAMI

⑯日本国特許庁(JP)

⑪特許出願公開

⑫公開特許公報(A)

昭62-217936

⑩Int.Cl.

A 61 B 5/04

識別記号

312

序内整理番号

A-7916-4C

⑬公開 昭和62年(1987)9月25日

審査請求 未請求 発明の数 1 (全6頁)

⑭発明の名称 心電図解析装置

⑮特願 昭61-63312

⑯出願 昭61(1986)3月19日

⑰発明者 速水謙 東京都港区芝5丁目33番1号 日本電気株式会社内  
⑲出願人 日本電気株式会社 東京都港区芝5丁目33番1号  
⑳代理人 弁理士 内原晋

明細書

1. 発明の名称

心電図解析装置

2. 特許請求の範囲

体表面の形状、体表面上の電極の位置、心外膜面の形状及び相対位置に関するデータを入力する形状入力部と、前記形状入力部から入力されたデータをもとに体表面及び心外膜面の境界要素メッシュを生成する境界要素メッシュ生成部と、前記形状入力部及び前記境界要素メッシュ生成部の出力データをもとに行列要素法の行列要素を計算する行列要素計算部と、行列要素計算部の出力をもとに行列のLU分解を行なうLU分解部と、体表面上の電極で観測された電位を入力する入力部と、前記行列要素計算部の出力データと前記入力部の出力データをもとに行列とベクトルの乗算を行なう行列乗算部と、前記行列乗算部の出力と前記LU分解部の出力をもとに前進代入を行なう前進代入部と、前記前進代入部の出力と前記LU分解部の出力をもとに後退代入を行なう後退代入部と、前記後退代入部及び前記形状入力部及び前記境界要素メッシュ生成部の出力をもとに、心外膜面各部での電位の予測値を含むデータを出力する出力部とから構成される心電図解析装置。

3. 発明の詳細な説明

〔産業上の利用分野〕

本発明は、例えば心臓病の患者に対して、代表面各部の電位を計測するだけで心外膜面各部の電位を的確に推定し、患部及び病因を固定するための心電図解析装置に関する。

〔従来の技術〕

従来は、ロジャー・シー・バー(Roger C.Barr)らによる"ディ・イー・イー・イー・トランザクション オン バイオメディカルエンジニアリング、ピー・エム・イー24巻、1番、1977年1月号"("IEEE Transactions on Biomedical Engineering, vol.BME-24, No.1, January 1977")

に掲載された論文に示されている様に、心外膜面と体表面間の電気現象を積分方程式で定式化し、それを心外膜面及び体表面をおおう三角形網により離散化し、連立一次方程式を解く事により、心外膜面の電位分布から体表面の電位分布を求めていた。

## 〔発明が解決しようとする問題点〕

前記従来技術では、心外膜面の電位分布より体表面の電位分布を求める事はできるが、臨床に重要な、測定された体表面電位から心外膜面の電位分布を求める定式化はされていない。

また、体表面及び心外膜面をおおう離散化のための網は三角形網に限定されているため、体表面等の複雑な形状をより正確にとらえる、境界要素法で用いられる曲面要素、2次要素が用いられていないので、計算の精度が落ちると考えられる。

〔発明の目的〕  
〔本発明の目的〕

体表面に設けた複数の電極で観測される電位及びその時間変化より、心外膜面各部での電位及びその時間変化を予測することにより、心臓における

の出力をもとに、心外膜面各部での電位の予測値を含むデータを出力する出力部とから構成される心電図解析装置が得られる。

## 〔発明の原理〕

第2図の心外膜面Hと体表面Tに囲まれる体内Bにおいて誘電率 $\epsilon$ は一定で、電荷は存在しないと仮定し、心外膜面Hと体表面Tの形状及び相対位置はわかっているものとする。

上記の仮定より第3図を参照すると、体内での電位 $\varphi(x, y, z)$ は3次元ラプラス方程式

$$\Delta \varphi \equiv \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \varphi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \varphi}{\partial z^2} = 0 \quad (1)$$

を充す。また、

$$\Delta \varphi^*(x, y) = -\delta(x, y) \quad (2)$$

$$\text{の基本解 } \varphi^*(x, y) = \frac{1}{4\pi r} \quad (3)$$

但し、 $r = |x|$ ,  $x = y - x$  とする。

Greenの公式

$$\int_B (v \Delta u - u \Delta v) dV = \int_{T+H} \left( v \frac{\partial u}{\partial n} - u \frac{\partial v}{\partial n} \right) dS \quad (4)$$

る異常な部分を同定する事を支援することのできる心電図解析装置を提供することにある。

## 〔問題点を解決するための手段〕

〔本発明における〕

体表面の形状、体表面上の電極の位置、心外膜面の形状及び相対位置に関するデータを入力する形状入力部と、前記形状入力部から入力されたデータをもとに体表面及び心外膜面の境界要素メッシュを生成する境界要素メッシュ生成部と、前記形状入力部及び前記境界要素メッシュ生成部の出力データをもとに境界要素法の行列要素計算部と、行列要素計算部の出力をもとに行列のLU分解を行なうLU分解部と、体表面上の電極で観測された電位を入力する入力部と、前記行列要素計算部の出力データと前記入力部の出力データをもとに行列とベクトルの乗算を行なう行列乗算部と、前記行列乗算部の出力と前記LU分解部の出力をもとに前進代入を行なう前進代入部と、前記前進代入部の出力と前記LU分解部の出力をもとに後退代入を行なう後退代入部と、前記後退代入部及び前記形状入力部及び前記境界要素メッシュ生成部

で $v = \varphi$ ,  $u = \varphi^*$  とおくと(1), (2), (3)より

$$\begin{aligned} & \int_B -\varphi(x) \delta(x, y) dV(x) \\ &= \int_{T+H} \left( \varphi(x) \frac{\partial \varphi^*}{\partial n}(x, y) - \varphi^*(x, y) \frac{\partial \varphi(x)}{\partial n} \right) dS(x) \quad (5) \end{aligned}$$

但し、単位法線ベクトルnは体表面Tでは体の外向き、心外膜面Hでは心臓の内側向きとなる。

(3)より

$$\frac{\partial \varphi^*}{\partial n}(x, y) = -\frac{(x, n)}{4\pi r^3} \quad (6)$$

従ってyが体表面Tまたは心外膜面H上にあるときは(5)は

$$C(y) \varphi(y) = \frac{1}{4\pi} \int_{T+H} \left( \frac{(x, n)}{r^3} \varphi(x) + \frac{1}{r} \frac{\partial \varphi(x)}{\partial n} \right) dS(x) \quad (7)$$

となる。但し

$$C(y) = \frac{\omega(y)}{4\pi} \quad (8)$$

で $\omega(y)$ は点yで体内Bを見込む立体角であり、yで表面が滑らかな場合は $C(y) = \frac{1}{2}$ である。

yが体表面T上にあるときは、(7)は

$$4\pi C(y) \varphi_T(y) = \int_{T \setminus \{x_T \neq y\}} \left( \frac{(x, n)}{r^3} \right) \varphi_T(x_T) + \frac{1}{r} \frac{\partial \varphi_T}{\partial n}(x_T) dS(x_T) + \int_H \left( \frac{(x, n)}{r^3} \right) \varphi_H(x_H) + \frac{1}{r} \frac{\partial \varphi_H}{\partial n}(x_H) dS(x_H) \quad (9)$$

$y$  が心外膜面  $H$  にある場合は

$$4\pi C(y) \varphi_H(y) = \int_T \left( \frac{(x, n)}{r^3} \right) \varphi_T(x_T) + \frac{1}{r} \frac{\partial \varphi_T}{\partial n}(x_T) dS(x_T) + \int_H \left( \frac{(x, n)}{r^3} \right) \varphi_H(x_H) + \frac{1}{r} \frac{\partial \varphi_H}{\partial n}(x_H) dS(x_H) \quad (10)$$

となる。但し  $\varphi_T, \varphi_H$  等はそれぞれ体表面  $T$  上、心外膜面  $H$  の電位  $\varphi$  を示す。

次に (9), (10) を離散化するために、体表面上、心外膜面  $H$  に各々  $n$  個の要素からなるメッシュをはる。例えば、第 4 図の様な三角形要素を設け、 $i$  要素の代表点（例えば）重心を  $y_i$  とし、要素の面積を  $dS_i$  とし、要素の中では  $\varphi$  の値は  $\varphi_i$  と

$$\left. \begin{aligned} a_{ij}^{TT} &\equiv \frac{(x_{ji}, n_j) dS_{Tj}}{4\pi C_{Ti} r_{ji}^3}, & b_{ij}^{TT} &\equiv \frac{dS_{Tj}}{4\pi C_{Ti} r_{ji}}, \\ (i=1 \sim n, j=1 \sim n, j \neq i) \end{aligned} \right\} \quad (14)$$

$$a_{ii}^{TT} = b_{ii}^{TT} = 0$$

$$\left. \begin{aligned} a_{ij}^{TH} &\equiv \frac{(x_{ji}, n_j) dS_{Hj}}{4\pi C_{Ti} r_{ji}^3}, & b_{ij}^{TH} &\equiv \frac{dS_{Hj}}{4\pi C_{Ti} r_{ji}}, \\ (i=1 \sim n, j=1 \sim n) \end{aligned} \right\}$$

$$\left. \begin{aligned} a_{ij}^{HT} &\equiv \frac{(x_{ji}, n_j) dS_{Tj}}{4\pi C_{Hi} r_{ji}^3}, & b_{ij}^{HT} &\equiv \frac{dS_{Tj}}{4\pi C_{Hi} r_{ji}}, \\ (i=1 \sim n, j=1 \sim n, j \neq i) \end{aligned} \right\} \quad (15)$$

但し、 $a_{ii}^{HT} = b_{ii}^{HT} = 0$

とおくと、(11), (12) は

$$\begin{aligned} \varphi_{Ti} &= \sum_{j=1}^n \left( a_{ij}^{TT} \varphi_{Tj} + b_{ij}^{TT} q_{Tj} \right) \\ &+ \sum_{j=1}^n \left( a_{ij}^{TH} \varphi_{Hj} + b_{ij}^{TH} q_{Hj} \right) \end{aligned}$$

なる様な三角形一定要素を考えると、(9), (10) は近似的に (11), (12) となる。

つまり、体表面  $T$  上の  $y_{Ti}$  ( $i=1 \sim n$ ) に対して

$$\begin{aligned} 4\pi C_{Ti} \varphi_{Ti} &= \sum_{\substack{j=1 \\ (j \neq i)}}^n \left[ \left( \frac{(x_{ji}, n_j)}{r_{ji}^3} \right) \varphi_{Tj} \right. \\ &\left. + \frac{1}{r_{ji}} \left( \frac{\partial \varphi}{\partial n} \right)_{Tj} \right] dS_{Tj} + \sum_{j=1}^n \left( \frac{(x_{ji}, n_j)}{r_{ji}^3} \right) \varphi_{Hj} \\ &+ \frac{1}{r_{ji}} \left( \frac{\partial \varphi}{\partial n} \right)_{Hj} dS_{Hj} \end{aligned} \quad (11)$$

心外膜面  $H$  上の  $y_{Hi}$  ( $i=1 \sim n$ ) に対して

$$\begin{aligned} 4\pi C_{Hi} \varphi_{Hi} &= \sum_{j=1}^n \left( \frac{(x_{ji}, n_j)}{r_{ji}^3} \right) \varphi_{Tj} \\ &+ \frac{1}{r_{ji}} \left( \frac{\partial \varphi}{\partial n} \right)_{Tj} dS_{Tj} \\ &+ \sum_{\substack{j=1 \\ (j \neq i)}}^n \left( \frac{(x_{ji}, n_j)}{r_{ji}^3} \right) \varphi_{Hj} + \frac{1}{r_{ji}} \left( \frac{\partial \varphi}{\partial n} \right)_{Hj} dS_{Hj} \end{aligned} \quad (12)$$

となる。但し  $C_i := C(y_i)$ ,  $r_{ji} = x_j - y_j$ ,  $r_{ji} = |r_{ji}|$  とする。

ここで  $q_i \equiv \left( \frac{\partial \varphi}{\partial n} \right)_i$  とし、

$$(i=1 \sim n) \quad (16)$$

$$\begin{aligned} \varphi_{Hi} &= \sum_{j=1}^n (a_{ij}^{HT} \varphi_{Tj} + b_{ij}^{HT} q_{Tj}) \\ &+ \sum_{\substack{j=1 \\ (j \neq i)}}^n (a_{ij}^{HH} \varphi_{Hj} + b_{ij}^{HH} q_{Hj}) \end{aligned}$$

$$(i=1 \sim n) \quad (17)$$

と表わせる。

ここで

$$\varphi_T = \begin{pmatrix} \varphi_{T1} \\ \vdots \\ \varphi_{Tn} \end{pmatrix}, \quad q_T = \begin{pmatrix} q_{T1} \\ \vdots \\ q_{Tn} \end{pmatrix},$$

$$\varphi_H = \begin{pmatrix} \varphi_{H1} \\ \vdots \\ \varphi_{Hn} \end{pmatrix}, \quad q_H = \begin{pmatrix} q_{H1} \\ \vdots \\ q_{Hn} \end{pmatrix},$$

$$A^{TT} = (a_{ij}^{TT}), \quad B^{TT} = (b_{ij}^{TT}) \cdots (n \times n \text{ の行列})$$

$$A^{TH} = (a_{ij}^{TH}), \quad B^{TH} = (b_{ij}^{TH}) \quad (18)$$

とおくと (16), (17) は

$$\varphi_T = A^{TT} \varphi_T + B^{TT} q_T + A^{TH} \varphi_H + B^{TH} q_H \quad (19)$$

$$\varphi_H = A^{HT} \varphi_T + B^{TT} q_T + A^{HH} \varphi_H + B^{HH} q_H \quad (20)$$

と表わせ、(19), (20)をまとめてると

$$\begin{bmatrix} A^{TH} & B^{TH} \\ I_n - A^{HH} & -B^{HH} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_H \\ q_H \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_n - A^{TT} - B^{TT} \\ A^{HT} & B^{HT} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_T \\ q_T \end{bmatrix} \quad (21)$$

を得る。

(21)を心外膜面の  $\varphi_H, q_H$  に関して解くと、

$$\begin{bmatrix} \varphi_H \\ q_H \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A^{TH} & B^{TH} \\ I_n - A^{HH} & -B^{HH} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} I_n - A^{TT} - B^{TT} \\ A^{HT} & B^{HT} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_T \\ q_T \end{bmatrix} \quad (22)$$

ここで体表面は絶縁境界と考えられるから、

$$q_{Ti} = \left( \frac{\partial \varphi}{\partial n} \right)_{Ti} = 0 \quad (i=1 \sim n) \quad (23)$$

つまり  $q_T = 0$  となるから (22)より

$$\begin{bmatrix} \varphi_H \\ q_H \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A^{TH} & B^{TH} \\ I_n - A^{HH} & -B^{HH} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} I_n - A^{TT} \\ A^{HT} \end{bmatrix} \varphi_T \quad (24)$$

$$\varphi_T = \begin{pmatrix} \varphi_{T1} \\ \vdots \\ \varphi_{Tn} \end{pmatrix} \text{に行列 } \begin{bmatrix} I_n - A^{TT} \\ A^{HT} \end{bmatrix} \text{をかけ、}$$

さらに前進代入 ( $L^{-1}$ )、後退代入 ( $U^{-1}$ )を行なうことによりその時刻での心外膜面 H 各部での電位  $\varphi_H$ 、そして必要ならば、表面 H の法線方向の電界  $-q_H$  が  $n^2$  のオーダーの計算量で求まる。

#### [実施例]

第 1 図は本発明の一実施例を示すブロック図である。同図において、体表面各部の電極 1 で測定された電位  $\varphi_{T1}, \varphi_{T2}, \dots, \varphi_{Tn}$  が入力部 2 でアナログ/ディジタル変換を受け、 $n$  元の数値ベクトル  $\varphi_T$  として行列乗算部 4 に入力される。

行列乗算部 4 は入力  $\varphi_T$  に対して  $2n$  元のベクトル

$$\psi = \begin{bmatrix} I_n - A^{TT} \\ A^{HT} \end{bmatrix} \varphi_T \quad (27)$$

を前進代入部 5 に入力する。前進代入部 5 は  $\psi$  に対して前進代入を行い  $L^{-1}\psi$  を後退代入部 6 に入

を得る。

従って体表面 T の  $y_{Ti}$  ( $i=1 \sim n$ ) に設けた電極ごとに三角形要素を対応させたメッシュをすれば、体表面  $y_{Ti}$  ( $i=1 \sim n$ ) で観測された電位  $\varphi_{Ti}$  ( $i=1 \sim n$ ) より、(24)を用いて心外膜面 H の各部での電位  $\varphi_{Hi}$  ( $i=1 \sim n$ ) を求めることができる。

ここで  $A^{TT}, A^{TH}, A^{HT}, A^{HH}, B^{TH}, B^{HH}$  は (14), (15)からもわかる様に、体表面 T と心外膜面 H が定まり、体表面上の電極の位置に再び T 上のメッシュと H 上のメッシュが定まれば決まる。

従って例えばクラウト法により、

$$\begin{bmatrix} A^{TH} & B^{TH} \\ I_n - A^{HH} & -B^{HH} \end{bmatrix} = L U \quad (25)$$

の様に下三角行列 L と上三角行列 U の積に分解しておけば、

$$\begin{bmatrix} \varphi_H \\ q_H \end{bmatrix} = U^{-1} L^{-1} \begin{bmatrix} I_n - A^{TT} \\ A^{HT} \end{bmatrix} \varphi_T$$

より、各時刻で体表面電位

力する。後退代入部 6 は  $L^{-1}\psi$  に対して後退代入  $U^{-1}(L^{-1}\psi)$  を行ない、心外膜面各部の推定電位  $\varphi_H$  と、必要ならば  $q_H = \frac{\partial \varphi_H}{\partial n}$  を出力部 7 に入力する。

前処理部 8 では、求解部 3 が動作する前に、体表面、心外膜面及びそれらの相対位置、また体表面の電極位置等の情報が形状入力部 9 より境界要素メッシュ生成部 10 に入力される。境界要素メッシュ生成部 10 では、体表面の電極位置をもとに、体表面及びそれに対応して心外膜面のモデル上に境界要素のメッシュを生成し、各要素の 3 次元座標等のデータとともに行列要素計算部 11 に入力する。行列要素計算部 11 では、各境界要素  $j, i$  間のベクトル  $x_{ji}$ 、各要素の外向き単位法線ベクトル  $n_j$ 、係数  $C_i$  などをもとに各要素内の数値積分を行ない、 $n \times n$  の行列  $A^{TT}, A^{TH}, A^{HT}, A^{HH}, B^{TH}, B^{HH}$  等を生成し(式 (14)~(18) 参照)それらの内  $A^{TT}, A^{HT}$  を行列乗算部 4 に入力し(式 (24) 参照)  $A^{TH}, A^{HH}, B^{TH}, B^{HH}$  を LU 分解部 12 に入力する。LU 分解部 12 は例えばク

ラウト法により行列

$$\begin{bmatrix} A^{TH} & B^{TH} \\ I_n - A^{HH} & -B^{HH} \end{bmatrix} \quad (28)$$

をLU分解し((25)式参照)、下三角行列Lを前進代入部5に入力し、上三角行列Uを後退代入部6に入力する。

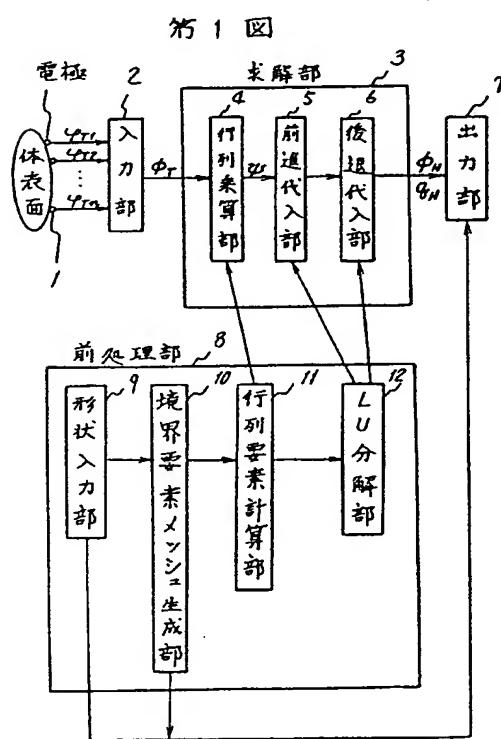
出力部7は、形状入力部9及び境界要素メッシュ生成部10から入力されたデータをもとに、各時刻の心外膜面各部での電位を出力表示または記録する。

#### 〔発明の効果〕

以上述べた通り、本発明は体表面各部の電位の観測値だけを用いて、簡単な計算により、高速に各時刻での心外膜面各部での電位を予測する事により、心臓の欠陥部位を従来の方法より正確且つ簡単に同定するのに役立つ。

#### 4. 図面の簡単な説明

第1図は本発明の一実施例を示すブロック図で



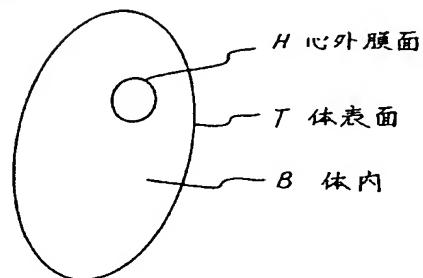
ある。第2図、第3図、第4図は本発明の原理を説明するための体表面と心外膜面のモデルを示すための図である。

1 ……体表面の電極、2 ……入力部、3 ……変換部、4 ……行列乗算部、5 ……前進代入部、6 ……後退代入部、7 ……出力部、8 ……前処理部、9 ……形状入力部、10 ……境界要素メッシュ生成部、11 ……行列要素計算部、12 ……LU分解部。

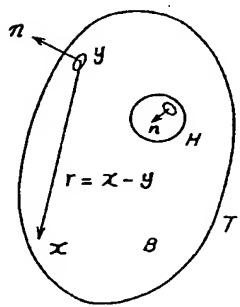
代理人 弁理士 内原晋



第2図



第3図



第4図

